

ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Бланк заданий *Муниципальный этап, 2023*

Всероссийская олимпиада школьников

по АСТРОНОМИИ

Муниципальный этап

10 класс

Время выполнения работы – 120 мин.

Максимальное количество баллов – 48.

КРАТКИЕ РЕШЕНИЯ

Задача 1.

Находясь в средних широтах и наблюдая в сентябре Меркурий низко над горизонтом, незадолго до захода планеты, ученик заметил, что в это же время в другой стороне горизонта взошла Луна. В какой примерно фазе находилась Луна?

Решение.

У Меркурия присутствует или утренняя, или вечерняя видимость (**2 балла**), при этом он не отдаляется от Солнца далее, чем на 28° и наблюдается через несколько десятков минут после захода (или до восхода) Солнца. Поскольку Меркурий был «низко над горизонтом незадолго до захода планеты», это однозначно вечерняя видимость, вскоре после захода Солнца (**2 балла**), не более чем через час после него. Восходящая в это время Луна должна быть почти полная (**2 балла**), через 1-2 дня после полнолуния (**2 балла**). Условие про средние широты «страхует» от маловероятного, но возможного варианта, когда Меркурий, обладая заметно большим склонением, чем Солнце, является в высоких широтах незаходящим (или почти незаходящим) светилом и виден длительное время после захода Солнца или перед его восходом.

Примечание. Ответ «полнолуние» с указанием всей приведённой выше аргументации не может быть оценен выше, чем в 6 баллов.

ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Бланк заданий *Муниципальный этап, 2023*

Задача 2.

Рисунок 1. Снимок
частного лунного затмения
28 октября 2023 года



В описании лунного затмения, произошедшего 28 октября 2023 года, на одном из интернет-сайтов было сказано: «...28 октября произойдет частное лунное затмение. Наблюдать его можно будет примерно в 22 часа, в Северном полушарии оно будет достаточно хорошо видно. Его длительность практически полтора часа. Луна в это время приобретет красноватый оттенок, так как ее частично закроет земная полутень».

На рисунке 1 приведен снимок максимальной фазы этого затмения. Исходя из него и того, что вы знаете про это явление, прокомментируйте, нет ли в описании неточностей.

Решение.

В описании есть несколько неточностей.

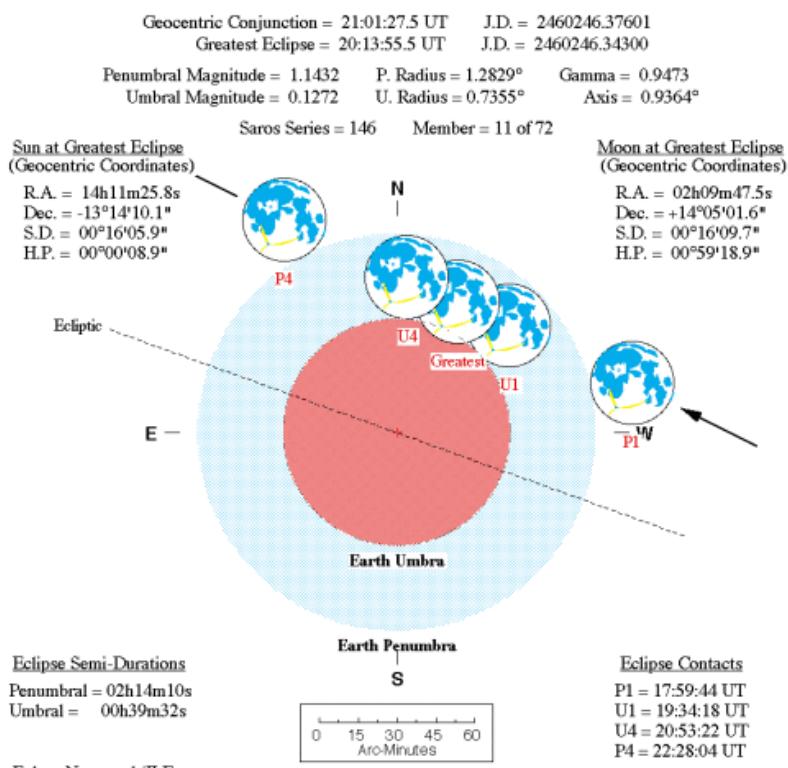
1. *Луна во время частных фаз затмения, тем более, как видно из фотографии, весьма малых (28 октября она составляла около 0.13), практически не меняет цвет и остаётся бело-жёлтой, потемневшая часть – тёмно-серая, почти чёрная (2 балла).* При этом можно отметить, что наблюдая затмение фотографически, красноватый оттенок затмившейся части Луны всё же может быть обнаружен.

2. *Красноватый оттенок во время затмения Луна приобретает не из-за того, что её закрывает тень или полутень Земли, а из-за того, что Луну освещают только преломлённые земной атмосферой и прошедшие через неё (и оттого красные) солнечные лучи (3 балла).*

3. *Во время частных теневых фаз затмения Луна уже полностью погрузилась в земную полутень, а частично – в тень нашей планеты (3 балла).*

Для понимания геометрии прошедшего затмения приводим его схему.

Partial Lunar Eclipse of 2023 Oct 28



ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Бланк заданий *Муниципальный этап, 2023*

Задача 3.

Наблюдая Солнце на одной из землеподобных планет, освоенных в будущем, ученик заметил, что в самый длинный день года Солнце (т.е. материнская звезда) освещает дно самого глубокого колодца, а в дату зимнего солнцестояния на 24 часа наступает полярная ночь. Определите, на какой угол наклонена плоскость экватора планеты к её орбите.

Решение.

В случае, когда «в самый длинный день года их солнце освещает дно самого глубокого колодца» речь идёт про то, что в день летнего солнцестояния полуденная высота светила равна 90° (2 балла).

В случае, когда в зимнее солнцестояние на 24 часа наступает полярная ночь, можно считать, что полуденная высота светила около 0° (2 балла). Учтя, что изменение высоты светила составляет $\Delta h=2\epsilon$ (это следует из формулы верхней кульминации $h=90-\varphi+\delta$, в первом случае $\delta=\epsilon$, во втором $\delta=-\epsilon$), моментально получим $\Delta h=90^\circ$ и $\epsilon=45^\circ$ (4 балла).

Примечание. Внимательные участники могут увидеть в задаче отсылку к истории про определение радиуса Земли Эратосфеном.

Задача 4.

Принимая орбиту Земли круговой, рассчитайте, удержит ли нашу планету Солнце, если его масса внезапно уменьшится в 2 раза.

Решение.

При движении по круговой орбите скорость тела равна второй космической $V=\sqrt{GM/a}$ (2 балла).

При этом массой Земли можно пренебречь, поэтому уменьшение массы Солнца в 2 раза приведёт к уменьшению полной массы системы в 2 раза и первая космическая станет равна $V_1=\sqrt{GM/2a}$ (2 балла).

Для этой системы значение круговой скорости Земли «до изменения массы» будет $V=\sqrt{2}V_1$, т.е. второй космической, или параболической скоростью. Поэтому удержать Землю на замкнутой орбите Солнце не сможет. (4 балла за итоговые верные рассуждения и аргументированный верный ответ).

ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Бланк заданий *Муниципальный этап, 2023*

Задача 5.

В Солнечной системе запущен спутник с небольшим стабильным источником излучения (лампочкой), видимым издалека. Плоскость орбиты спутника совпадает с эклиптикой, её эксцентриситет $e=(9/22)$, большая полуось $a=2$ а.е. Вычислите, на сколько звёздных величин может меняться видимый блеск этого источника света при наблюдении с Земли в противостояние (т.е. разницу между максимальным и минимальным блеском лампочки в противостояния). Ответ сопроводите рисунком.

Решение.

Прежде всего, требуется указать, что изменение яркости лампочки происходит из-за изменения расстояния до неё (по условию источник света стабилен), а изменение расстояния «Спутник-Земля» в противостояние меняется из-за разного расстояния от спутника до Солнца (аналог с великими противостояниями Марса) (**1 балл**). При этом удаление спутника от Земли равно его расстоянию до Солнца, уменьшенному на 1 а.е. (**этот вывод + верный рисунок с конфигурацией оценивается в 2 балла**)

В указанном случае перигелийное расстояние спутника $q=a(1-e)$,

расстояние от него до Земли в противостоянии, выраженное в а.е. $r_1=q-1$ (**1 балл**),

афелийное расстояние спутника $Q=a(1+e)$,

расстояние от него до Земли в противостоянии, выраженное в а.е. $r_2=Q-1$ (**1 балл**).

Подставив численные значения, получим, что $r_2/r_1=10$ (**1 балл**).

Изменение расстояния в 10 раз даст изменение видимой яркости в 100 раз, или на 5^m (**2 балла**).

Задача 6.

Сверхгигант Бетельгейзе (ярчайшая звезда созвездия Орион) наблюдается практически в направлении на антицентр нашей Галактики и имеет видимый блеск $+1^m$. Когда Бетельгейзе взорвётся как сверхновая, её абсолютный блеск станет равным -19^m . Будет ли она (в момент вспышки) видна невооружённым глазом космонавтам будущего, оказавшимся в галактике Туманность Андромеды (M31)?

Решение.

Поскольку видимая и абсолютная зв. величины связаны соотношением $M=m+5-5lg r$. С расстояния в 800 пк видимая яркость Бетельгейзе составит $m=-19-5+5*lg(800)=5.5^m$.

Можно рассуждать иначе.

M31 дальше чем стандартное для определения абсолютной звёздной величины расстояние (10пк) в $800000/10=80000$ раз, то звезда с такого расстояния будет наблюдаваться в $(80000)^2=64*10^8$ раз слабее. Это примерно $4.5+5+5+5+5=24.5$ на величины слабее её абсолютного блеска, или $-19+24.5=5.5^m$. Это чуть ярче, чем предельная для невооружённого глаза предельная величина, так что увидеть вспышку Бетельгейзе можно даже из соседней галактики!

Если ученик ещё не знаком с решением логарифмических уравнений, то прийти к такому выводу можно или решая (например, подбором) соотношение Погсона, или примерно определив разность блеска (как в решении выше), или же, исходя из обратного. Для

ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Бланк заданий *Муниципальный этап, 2023*

выполнения условия видимости «на пределе» звезда должна стать ярче в 10^{10} раз, т.е. удалиться в 10^5 раз относительно расстояния в 10пк. Поскольку M31 ближе, то вспышка будет видна невооружённым глазом.

Оценка задачи в 8 баллов даётся за любое верное аргументированное решение.

Справочные данные:

1а.е.= $1.496 \cdot 10^8$ км; 1пк=206265 а.е.

Масса Солнца $2 \cdot 10^{30}$ кг, масса Земли $6 \cdot 10^{24}$ кг, масса Марса $6 \cdot 10^{23}$ кг, масса Луны $7 \cdot 10^{22}$ кг.

Расстояние до Бетельгейзе 170 пк, расстояние до галактики M31 800пк.